

I- VOCABULAIRE

1- Définition

**On factorise une expression littérale** lorsqu'on transforme **une somme** en **un produit**  
 exemples :  $2a + 2b = 2 \times (a + b)$        $2x + 5x = 7 \times x$

2- Rappels

On détermine la **NATURE d'une expression littérale** (ou d'un calcul)  
 en fonction de la dernière opération à effectuer

Exemples :  $2(x+5) + (x+2)(3-y)$        $(2 \times 8 - 5) \times \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4}\right)$   
 c'est une somme      c'est un produit

3- Les identités remarquables

forme développée

forme factorisée

<----- on développe <-----

$m^2 + 2mr + r^2$	$(m+r)^2$
$u^2 - v^2$	$(u-v)(u+v)$
$y^2 - 2yn + n^2$	$(y-n)^2$
----- > on factorise ----->	

II- MÉTHODES

1- Identifier un facteur commun

(niveau 1) facteur commun simple  
 dans les différents termes d'une somme apparaît **le même facteur** écrit

nature du facteur commun	un nombre	une lettre	une quantité composée
expression de départ	$2a + 2b + 2c$	$x^2 + 2xy$	$4ab + 12b^2$
expression factorisée	$2(a+b+c)$	$x(x+2y)$	$4b(a+3b)$

On peut vérifier si une factorisation est correcte en développant l'expression obtenue

(niveau 2) facteur commun entre parenthèses  
 dans une expression littérale complexe apparaît plusieurs fois **la même quantité entre parenthèses**

expression de départ	$A = (x+3)(2x-5) - (x+3)(3-x)$
expression factorisée	$A = (x+3)[(2x-5) - (3-x)]$
simplification des parenthèses	$A = (x+3)[2x-5-3+x]$
expression factorisée et réduite	$A = (x+3)(3x-8)$

2- Reconnaître et utiliser une identité remarquable

dans les différents termes d'une somme on fait apparaître **deux « carrés »**

expression de départ	$x^2 - 100$	$y^2 - 14y + 49$	$4a^2 + 12a + 9$
expression factorisée	$(x-10)(x+10)$	$(y-7)^2$	$(2a+3)^2$
I.R.	$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$	$a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$	$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$